

Probabilités

1 Rappels

On considère un univers Ω muni d'une probabilité P , tel qu tous les évènements élémentaires sont équiprobables.

Définition 1

Le cardinal d'un évènement A est le nombre d'éléments de A et se note $\text{card}(A)$.

Propriété 1

La probabilité d'un évènement A est égale à la proportion dans Ω d'évènements élémentaires le composant. On a :

$$P(A) = \frac{\text{card}(A)}{\text{card}(\Omega)}$$

Propriété 2

Soit A un évènement et A^c l'évènement complémentaire associé. On a :

$$P(A) + P(A^c) = 1$$

Propriété 3

Soient A et B deux évènements. On a :

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

Exemple 1

On tire au hasard une carte d'un jeu de 32 cartes.

Soit C l'évènement « La carte est un carreau » et V l'évènement « La carte est un valet ».

$C \cap V$ est alors l'évènement « La carte est un valet de carreau ».

Sur les 32 cartes il y a 8 carreaux, 8 valets et 1 valet de carreau et donc on a :

$$P(C) = \frac{8}{32} = \frac{1}{4}$$

On a alors :

2 Probabilités conditionnelles

Définition 2

Soient A et B deux évènements de Ω avec $\text{card}(B) > 0$.

On appelle probabilité conditionnelle de A sachant que B est la probabilité que A se réalise sachant que B est réalisé.

On note $P(A|B)$ cette probabilité et on a :

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

Exemple 2

On teste un médicament sur 500 personnes dont la moitié a reçu, sans le savoir, un placebo et on a noté les résultats dans le tableau ci-dessous :

	Effets secondaires	Aucun effet secondaire	Total
Médicament	21	229	250
Placebo	5	245	250
Total	26	474	500

On choisit au hasard un des participants à ce test.

En notant A l'évènement « Le participant a reçu un secondaires », on a :

» et B l'évènement « Le participant a ressenti des effets

Ainsi la probabilité qu'un participant ait reçu un placebo

qu'il a ressenti des effets secondaires est :